

Plano de Ensino

01. Dados de Identificação da Disciplina:

Semestre:	2025.2	Curso:	Engenharia Ambiental E Sanitária
Turma:	D	Código Componente:	IME0080
Componente:	CÁLCULO 2A	UA Responsável:	IME
Carga Horária:	96	UA Solicitante:	EECA
Teórica/Prática:	96/-	EAD/PCC:	-/-
Horários:	246T34	Docente:	Prof(a) Levi Rosa Adriano

02. Ementa:

Sequências e séries numéricas. Séries de potência, convergência. Funções de várias variáveis. Limite e Continuidade. Noções sobre quádricas. Funções diferenciáveis. Derivadas parciais e direcionais. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Integrais múltiplas. Mudança de Coordenadas. Aplicações.

03. Programa:

1. Sequências e séries numéricas. Sequências. Séries. Convergências de Séries. Séries de Potências. Intervalo e Raio de Convergência. Série de Taylor.
2. Funções de várias variáveis reais. Noções sobre quádricas. Definição. Gráfico e curva de nível. Superfícies de nível. Limite e continuidade. Derivadas parciais. Plano tangente e reta normal. Diferenciabilidade. Diferencial. Regra da cadeia. Derivação Implícita. Derivadas Direcionais e o Vetor Gradiente.
3. Máximos e mínimos. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Pontos críticos. Pontos de máximo e mínimo locais. Método dos Multiplicadores de Lagrange.
4. Integrais múltiplas. Definição. Propriedades. Integrais duplas e triplas. Áreas e Volumes. Mudança de coordenadas nas integrais múltiplas. Aplicações.

04. Cronograma:

O conteúdo abaixo destinado, a cada dia, trata-se de uma estimativa, podendo variar conforme o desenrolar do curso ou caso o professor julgue conveniente.

Parte 1 (Período de 11/08/2025 a 12/09/2025)

- Aula 1: Apresentação do plano de ensino.
Aula 2: Introdução às sequências.
Aula 3: Sequências monótonas e limitadas.
Aula 4: Propriedades de sequências.
Aula 5: Introdução a teoria de séries;
Aula 6 : Teste da Integral.
Aula 7: Testes de comparação.
Aula 8: Séries alternadas. Convergência absoluta.
Aula 9: Teste da razão. Teste da raiz.
Aula 10: Séries de potências. Raio e intervalo de convergência.
Aula 11 : Séries de potências: Raio e intervalo de convergência, derivação, integração das séries de potências.
Aula 12: Série de Taylor.
Aula 13: Séries de Taylor.
Aula 14: Aula de dúvidas.
Aula 15: Prova P_1 .

Parte 2 (Período de 15/09/2025 a 14/11/2025)

- Aula 16: Sistemas de coordenadas tridimensionais. Produto interno. Produto vetorial.
Aula 17: Equações de retas e planos. Noções de cilindros e quádricas.
Aula 18: Noções de cilindros e quádricas.
Aula 19: Domínio, imagem e gráficos de funções à 2 variáveis reais a valores reais.
Aula 20: Funções de várias variáveis, curvas de níveis.
Aula 21: Limites e continuidade.
Aula 22: Limites e continuidade.
Aula 23: Derivadas parciais.
Aula 24: Derivadas parciais.
Aula 25: Planos tangentes. Aproximações lineares.
Aula 26: Diferenciais.
Aula 27: Regra da cadeia.
Aula 28: Regra da cadeia.
Aula 29: Derivadas direcionais. Vetor gradiente.
Aula 30: Derivadas direcionais. Vetor gradiente.
Aula 31: Plano tangente de superfícies de nível.
Aula 32: Problemas de extremos sem restrições.
Aula 33: Problemas de extremos sem restrições.

Aula 34: Problemas de extremos com restrições locais.
Aula 35: Problemas de extremos com restrições locais.
Aula 36: Multiplicadores de Lagrange com uma restrição.
Aula 37: Multiplicadores de Lagrange com mais de uma restrição.
Aula 38: Prova P_2 .

Parte 3 (Período de 17/11/2025 a 08/12/2025)

Aula 39: Integrais em regiões retangulares.
Aula 40: Teorema de Fubini. Integrais em regiões gerais.
Aula 41: Área e volumes.
Aula 42: Mudança de coordenadas em integrais duplas.
Aula 43: Mudança de coordenadas em integrais triplas.
Aula 44: Coordenadas cilíndricas.
Aula 45: Coordenadas esféricas.
Aula 46: Aula de dúvidas.
Aula 47: Aula de dúvidas.
Aula 48: Prova P_3 .

05. Objetivos Gerais:

Estudar funções reais de várias variáveis.

Estudar os conceitos fundamentais em paralelo as técnicas formais do cálculo.

Estudar a relação existente entre o cálculo diferencial e o integral.

Ao término do curso o aluno deverá estar apto a utilizar as ferramentas do cálculo diferencial e integral para a solução de problemas de sua área específica e áreas afins.

06. Objetivos Específicos:

Durante o curso, concomitante a análise teórica serão feitas diversas aplicações dos conceitos desenvolvidos, e ao término, o aluno deverá ser capaz de compreender e explorar as consequências dos tópicos abordados. O aluno deverá ser capaz de:

- 1) Compreender o conceito de função real a mais de uma variável real e sua interpretação gráfica.
- 2) Aplicar o conceito de limites a funções de mais de uma variável real.
- 3) Definir, interpretar e calcular as derivadas das funções elementares.
- 4) Utilizar as derivadas parciais na resolução de problemas de derivadas direcionais e de máximos e de mínimos.
- 5) Calcular integrais múltiplas e utilizá-las em aplicações práticas.

07. Metodologia:

As aulas serão teóricas utilizando-se a exposição no quadro e reflexão de abordagens feitas pelo autor na resolução de exercícios. Poderão ser propostos exercícios individuais e/ou em grupo em sala ou extra classe para fixação e análise dos conteúdos abordados afim de desenvolver no aluno suas próprias habilidades e incentivar a criatividade. Também, propiciar ao aluno a oportunidade de utilizar raciocínios adquiridos anteriormente para que criem o hábito de estudo contínuo dos temas abordados. As atividades supervisionadas mencionadas no Art. 16 do RGCG serão apresentadas pelo professor em sala de aula e supervisionadas no horário de atendimento da disciplina. Atendimento presencial e/ou online via a plataforma Google Meet.

08. Avaliações:

A média final (MF) será composta pelas provas P_1 (12/09/2025), P_2 (14/11/2025) e P_3 (08/12/2025) da seguinte forma:

$$MF = \frac{1.5P_1 + 2P_2 + 2.5P_3}{6}.$$

(Datas sujeitas a alterações)

Observações :

1. Duração da prova: 2 horas-aula.
2. Conteúdo das avaliações: Todo o conteúdo ministrado pelo professor até a última aula anterior à avaliação.
3. Nos dias da avaliação, poderá ser solicitado ao aluno apresentar documento de identificação com foto. Não será permitido o uso de celular(ou qualquer outro dispositivo eletrônico), devendo o mesmo ser desligado.

4. O desempenho do aluno será fornecido pelo professor em sala de aula logo após a correção das provas e, pelo menos quatro dias letivos antes de uma nova avaliação. As notas finais serão publicadas no sistema SIGAA.
5. Se for necessário, podem ocorrer alterações nas datas das avaliações. O professor avisará previamente tais mudanças.
6. Será aprovado o aluno que obtiver nota final $MF \geq 6,0$ e o mínimo de 75% de frequência às aulas.
7. Provas de segunda chamada serão realizadas segundo as normas previstas no RGCG. A data da aplicação das provas solicitadas será 12/12/2025.
8. Os demais direitos/deveres são os que rezam o RGCG, (Res. CEPEC/UFG 1791, Cap IV) disponível em:
https://sistemas.ufg.br/consultas_publicas/resolucoes/arquivos/Resolucao_CEPEC_2022_1791.pdf

09. Bibliografia:

- [1]: LEITHOLD, L. O cálculo com geometria analítica. 3 ed. V. 2. São Paulo Harbra, 1994.
- [2]: GUIDORIZZI, H. L. Um curso de cálculo. 5 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2001.
- [3]: ÁVILA, G. S. S. Cálculo das funções de uma variável. 7 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2004.
- [4]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006.

10. Bibliografia Complementar:

- [1]: FLEMMING, D. M.; GONÇALVES, M. B. Cálculo B funções de Várias Variáveis, Integrais Múltiplas, Integrais Curvilíneas e de Superfície. São Paulo Pearson Prentice Hall, 2007.
- [2]: SWOKOWSKI, E. W. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo McGraw-Hill do Brasil, 1983.
- [3]: HOFFMANN, L. D. et al., Cálculo um curso moderno e suas aplicações. 11 ed. Rio de Janeiro LTC, 2015.
- [4]: SIMMONS, G. F. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo Pearson Education do Brasil, 1987.
- [5]: REIS, G. L.; SILVA, V. V. Geometria analítica. 2. ed. São Paulo LTC, 1996.

11. Livros Texto:

- [1]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006. (B4)

12. Horários:

Dia		Horário	Sala
2ª-Feira	T3	14:50-15:40	301, Cae, Cacn, Goiânia
2ª-Feira	T4	16:00-16:50	301, Cae, Cacn, Goiânia
4a-Feira	T3	14:50-15:40	301, Cae, Cacn, Goiânia
4a-Feira	T4	16:00-16:50	301, Cae, Cacn, Goiânia
6a-Feira	T3	14:50-15:40	301, Cae, Cacn, Goiânia
6a-Feira	T4	16:00-16:50	301, Cae, Cacn, Goiânia

13. Horário de Atendimento do(a)s Professor(a):

1. A definir com os alunos.

14. Professor(a):

Levi Rosa Adriano. Email: levi@ufg.br, IME

Prof(a) Levi Rosa Adriano