

## Plano de Ensino

### 01. Dados de Identificação da Disciplina:

<b>Semestre:</b>	2023.2	<b>Curso:</b>	Ciência Da Computação
<b>Turma:</b>	E	<b>Código Componente:</b>	IME0080
<b>Componente:</b>	CÁLCULO 2A	<b>UA Responsável:</b>	IME
<b>Carga Horária:</b>	96	<b>UA Solicitante:</b>	INF
<b>Teórica/Prática:</b>	96/-	<b>EAD/PCC:</b>	-/-
<b>Horários:</b>	246m45	<b>Docente:</b>	Prof(a) Marcelo Bezerra Barboza

### 02. Ementa:

Sequências e séries numéricas. Séries de potência, convergência. Funções de várias variáveis. Limite e Continuidade. Noções sobre quádras. Funções diferenciáveis. Derivadas parciais e direcionais. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Integrais múltiplas. Mudança de Coordenadas. Aplicações.

### 03. Programa:

1. Sequências e séries numéricas. Sequências. Séries. Convergências de Séries. Séries de Potências. Intervalo e Raio de Convergência. Série de Taylor.
2. Funções de várias variáveis reais. Noções sobre quádras. Definição. Gráfico e curva de nível. Superfícies de nível. Limite e continuidade. Derivadas parciais. Plano tangente e reta normal. Diferenciabilidade. Diferencial. Regra da cadeia. Derivação Implícita. Derivadas Direcionais e o Vetor Gradiente.
3. Máximos e mínimos. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Pontos críticos. Pontos de máximo e mínimo locais. Método dos Multiplicadores de Lagrange.
4. Integrais múltiplas. Definição. Propriedades. Integrais duplas e triplas. Áreas e Volumes. Mudança de coordenadas nas integrais múltiplas. Aplicações.

### 04. Cronograma:

O conteúdo abaixo designado pode variar conforme o desenrolar do curso.

#### Parte 1 De 25/09/23 a 27/10/23

- Aula 01** Apresentação do plano de ensino. Introdução às sequências.
- Aula 02** Sequências.
- Aula 03** Sequências monótonas e limitadas.
- Aula 04** Propriedades de sequências.
- Aula 05** Introdução a teoria de séries;
- Aula 06** Teste da Integral e estimativas.
- Aula 07** Séries alternadas. Convergência absoluta.
- Aula 08** Teste da Razão, teste da Raiz, testes de comparação.
- Aula 09** Teste da Razão, teste da Raiz, testes de comparação..
- Aula 10** Séries de potências. Raio e intervalo de convergência.
- Aula 11** Séries de potências: Raio e intervalo de convergência, derivação, integração das séries de potências.
- Aula 12** Série de Taylor.
- Aula 13** Séries de Taylor.
- Aula 14** Aula de dúvidas.
- Aula 15** Prova  $P_1$ .

#### Parte 2 De 30/10/23 a 11/12/23

- Aula 16** Sistemas de coordenadas tridimensionais. Produto interno. Produto vetorial.
- Aula 17** Equações de retas e planos. Noções de cilindros e quádras.
- Aula 18** Noções de cilindros e quádras.
- Aula 19** Domínio, imagem e gráficos de funções à 2 variáveis reais a valores reais.
- Aula 20** Funções de várias variáveis, curvas de níveis.
- Aula 21** Limites e continuidade.
- Aula 22** Limites e continuidade.
- Aula 23** Derivadas parciais. Regra da cadeia.
- Aula 24** Derivadas parciais. Regra da cadeia.
- Aula 25** Derivadas parciais de ordem superior. Condições de Schwarz.
- Aula 26** Derivadas direcionais.

**Aula 27** Derivadas direcionais.

**Aula 28** Plano tangente de superfícies de nível e plano tangente de funções a 2 variáveis.

**Aula 29** Funções diferenciáveis.

**Aula 30** Problemas de extremos sem restrições.

**Aula 31** Problemas de extremos sem restrições.

**Aula 32** Aula de dúvidas.

**Aula 33** Prova  $P_2$ .

**Parte 3** De 13/12/23 a 29/01/24

**Aula 34** Problemas de extremos com restrições locais.

**Aula 35** Problemas de extremos com restrições locais.

**Aula 36** Multiplicadores de Lagrange com uma restrição.

**Aula 37** Multiplicadores de Lagrange com mais de uma restrição.

**Aula 38** Integrais em regiões retangulares.

**Aula 39** Teorema de Fubini. Integrais em regiões gerais.

**Aula 40** Área e volumes.

**Aula 42** Mudança de coordenadas em integrais duplas.

**Aula 43** Mudança de coordenadas em integrais triplas.

**Aula 44** Coordenadas cilíndricas.

**Aula 45** Coordenadas esféricas.

**Aula 46** Aula de dúvidas.

**Aula 47** Aula de dúvidas.

**Aula 48** Prova  $P_3$ .

**05. Objetivos Gerais:**

Estudar funções à mais de uma variável; Estudar os conceitos fundamentais em paralelo as técnicas formais do cálculo; Estudar a relação existente entre o cálculo diferencial e o integral. Ao término do curso o aluno deverá estar apto a utilizar as ferramentas do cálculo diferencial e integral para a solução de problemas de sua área específica e áreas afins.

**06. Objetivos Específicos:**

Durante o curso, concomitante a análise teórica serão feitas diversas aplicações dos conceitos desenvolvidos, e ao término, o aluno deverá ser capaz de compreender e explorar as consequências dos tópicos abordados. O aluno deverá ser capaz de:

1. Compreender o conceito de função real a mais de uma variável real e sua interpretação gráfica;
2. Aplicar o conceito de limites a funções de mais de uma variável real;
3. Definir, interpretar e calcular as derivadas das funções elementares;
4. Utilizar as derivadas parciais na resolução de problemas de derivadas direcionais e de máximos e de mínimos;
5. Calcular integrais múltiplas e utilizá-las em aplicações práticas.

**07. Metodologia:**

As aulas serão teóricas utilizando-se a exposição no quadro e reflexão de abordagens feitas pelo autor na resolução de exercícios. Serão propostos exercícios individuais e/ou em grupo em sala ou extra classe para fixação e análise dos conteúdos abordados afim de desenvolver no aluno suas próprias habilidades e incentivar a criatividade. Também, propiciar ao aluno a oportunidade de utilizar raciocínios adquiridos anteriormente para que criem o hábito de estudo contínuo dos temas abordados. Desenvolvimento de atividades em conjunto com o monitor da disciplina. Atendimento presencial e/ou online via a plataforma Google Meeting. Alguma aula poderá ser disponibilizada na forma remota de vídeo-aula. Utilização do sigaa como ferramenta auxiliar ao ensino.

**08. Avaliações:**

A média final, que denotamos por  $M_f$ , será composta pelas provas:

$P_1$  27/10/23

$P_2$  11/12/23

$P_3$  29/01/24

da seguinte forma:

$$M_f = \frac{(3/2) \cdot P_1 + (4/2) \cdot P_2 + (5/2) \cdot P_3}{6}$$

Observações:

1. O aluno estará aprovado se  $M_f \geq 6$  e a frequência for maior do que ou igual a 75%.

- Nos dias de avaliação será necessário a apresentação de um documento oficial com foto (passaporte, carteira de trabalho, carteira de identidade, carteira de motorista, etc.).
- Provas de segunda chamada poderão ser solicitadas diretamente ao professor, seguindo as normas do RGCG.
- Após correção, as provas serão entregues em sala de aula e as notas das provas serão registradas no SIGAA.
- Não será permitido fotografar, filmar ou gravar parte ou totalidade das aulas nem do quadro.

**09. Bibliografia:**

- [1]: LEITHOLD, L. O cálculo com geometria analítica. 3 ed. V. 2. São Paulo Harbra, 1994.  
[2]: GUIDORIZZI, H. L. Um curso de cálculo. 5 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2001.  
[3]: ÁVILA, G. S. S. Cálculo das funções de uma variável. 7 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2004.  
[4]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006.

**10. Bibliografia Complementar:**

- [1]: FLEMMING, D. M.; GONÇALVES, M. B. Cálculo B funções de Várias Variáveis, Integrais Múltiplas, Integrais Curvilíneas e de Superfície. São Paulo Pearson Prentice Hall, 2007.  
[2]: SWOKOWSKI, E. W. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo McGraw-Hill do Brasil, 1983.  
[3]: HOFFMANN, L. D. et al., Cálculo um curso moderno e suas aplicações. 11 ed. Rio de Janeiro LTC, 2015.  
[4]: SIMMONS, G. F. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo Pearson Education do Brasil, 1987.  
[5]: REIS, G. L.; SILVA, V. V. Geometria analítica. 2. ed. São Paulo LTC, 1996.

**11. Livros Texto:**

- [1]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006.  
[2]: ÁVILA, G. S. S. Cálculo das funções de uma variável. 7 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2004.  
[3]: LEITHOLD, L. O cálculo com geometria analítica. 3 ed. V. 2. São Paulo Harbra, 1994.

**12. Horários:**

Dia	Horário	Sala Distribuída
2 <sup>a</sup>	M4	109, CAB (50)
2 <sup>a</sup>	M5	109, CAB (50)
4 <sup>a</sup>	M4	109, CAB (50)
4 <sup>a</sup>	M5	109, CAB (50)
6 <sup>a</sup>	M4	109, CAB (50)
6 <sup>a</sup>	M5	109, CAB (50)

**13. Horário de Atendimento do(a)s Professor(a):**

- Sextas-feiras, das 14h00 às 16h00, IME/UFG sala 109

**14. Professor(a):**

Marcelo Bezerra Barboza. Email: [bezerra@ufg.br](mailto:bezerra@ufg.br), IME

---

Prof(a). Sunamita Souza Silva