

## Plano de Ensino

### 01. Dados de Identificação da Disciplina:

<b>Semestre:</b>	2024.2	<b>Curso:</b>	Matemática Aplicada E Computacional
<b>Turma:</b>	A	<b>Código Componente:</b>	IME0356
<b>Componente:</b>	CÁLCULO 2A	<b>UA Responsável:</b>	IME
<b>Carga Horária:</b>	96	<b>UA Solicitante:</b>	IME
<b>Teórica/Prática:</b>	96/-	<b>EAD/PCC:</b>	96/-
<b>Horários:</b>	246t34	<b>Docente:</b>	Prof(a) Marina Tuyako Mizukoshi

### 02. Ementa:

Sequências e séries numéricas. Séries de potência, convergência. Funções de várias variáveis. Limite e Continuidade. Noções sobre quádricas. Funções diferenciáveis. Derivadas parciais e direcionais. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Integrais múltiplas. Mudança de Coordenadas. Aplicações.

### 03. Programa:

- Sequências e séries numéricas. Sequências. Séries. Convergências de Séries. Séries de Potências. Intervalo e Raio de Convergência. Série de Taylor.
- Funções de várias variáveis reais. Noções sobre quádricas. Definição. Gráfico e curva de nível. Superfícies de nível. Limite e continuidade. Derivadas parciais. Plano tangente e reta normal. Diferenciabilidade. Diferencial. Regra da cadeia. Derivação Implícita. Derivadas Direcionais e o Vetor Gradiente.
- Máximos e mínimos. Fórmula de Taylor. Máximos e mínimos. Pontos críticos. Pontos de máximo e mínimo locais. Método dos Multiplicadores de Lagrange.
- Integrais múltiplas. Definição. Propriedades. Integrais duplas e triplas. Áreas e Volumes. Mudança de coordenadas nas integrais múltiplas. Aplicações.

### 04. Cronograma:

OBS: O conteúdo abaixo destinado, a cada dia, trata-se de uma estimativa, podendo variar conforme o desenrolar do curso ou caso o professor julgue conveniente.

Parte 1 (Período de 26/08/24 a 27/09/24):

Aula 1: Apresentação do plano de ensino. Introdução às sequências.

Aula 2: Sequências monótonas e limitadas.

Aula 3 e 4: Sequências monótonas e limitadas. Propriedades de sequências.

Aula 5 e 6: Introdução a teoria de séries. Teste da Integral e estimativas.

Aula 7: Testes de comparação. Séries alternadas. Convergência absoluta.

Aula 8: Teste da Razão, teste da Raiz e convergência absoluta.

Aula 9: Séries de potências. Raio e intervalo de convergência.

Aula 10: Série de Taylor.

Aula 11 : Representação de Funções como séries de potências: derivação e integração das séries de potências.

Aula 12, 13 e 14: Atividades extra-classe e/ou aulas de exercícios definidas pela professora na semana anterior e divulgados pelo SIGAA.

Aula 15: Sistemas de coordenadas tridimensionais. Produto interno. Produto vetorial.

Aula 16: Aula de dúvidas e ou teoria.

Aula 17: Prova escrita P1.

obs. 1: Nas aulas 1 a 15 prevê-se outras atividades de avaliação as quais serão definidas após uma conversa com a turma. Dentre as quais prevê-se a solução de exercícios em sala de aula e/ou extra-classe com peso 2 (caso possamos viabilizar a utilização do software python) e testes em sala, com peso de um ponto extra até totalizar ao máximo de 10 pontos. As datas das atividades a serem desenvolvidas serão definidas de acordo com o desenvolvimento da teoria, sendo definidas pelo menos com uma semana de antecedência.

Parte 2: Período previsto (Período de 30/08/24 a 11/11/24))

Aula 18: Equações de retas e planos. Noções de cilindros e quádricas.

Aula 19: Domínio, imagem e gráficos de funções à 2 variáveis reais a valores reais.

Aula 20: Funções de várias variáveis, curvas de níveis.

Aula 21: Limites e continuidade.

Aula 22: Limites e continuidade.

Aula 23: Derivadas parciais. Regra da cadeia.

Aula 24: Derivadas parciais. Regra da cadeia.

Aula 25: Derivadas parciais de ordem superior. Condições de Schwarz.

Aula 26: Derivadas direcionais.

Aula 27: Derivadas direcionais.

Aula 28: Plano tangente de superfícies de nível e plano tangente de funções a 2 variáveis. Aula 29: Funções diferenciáveis.

Aula 30: Problemas de extremos sem restrições.

Aula 31: Aula de exercícios.

Aula 32: Prova escrita P2.

Repete-se a obs. 1 para Parte 2.

Parte 3(13/11/24 a 20/12/24)

Aula 33: Problemas de extremos com restrições locais.

Aula 34: Problemas de extremos com restrições locais.

Aula 35: Multiplicadores de Lagrange com uma restrição.  
Aula 36: Multiplicadores de Lagrange com mais de uma restrição. Aula 37: Integrais em regiões retangulares.  
Aula 38: Teorema de Fubini. Integrais em regiões gerais.  
Aula 39: Área e volumes.  
Aula 41: Mudança de coordenadas em integrais duplas.  
Aula 42: Mudança de coordenadas em integrais triplas.  
Aula 43: Coordenadas cilíndricas.  
Aula 44: Coordenadas esféricas.  
Aula 45: Aula de exercícios com utilização de software.  
Aula 46: Prova escrita P3  
Repete-se a obs. 1 para Parte 3. Na semana de 04/11/24 a 08/11/24 não haverá aulas devido ao CONPEEX.

#### 05. Objetivos Gerais:

Estudar funções à mais de uma variável; Estudar os conceitos fundamentais em paralelo as técnicas formais do cálculo; Estudar a relação existente entre o cálculo diferencial e o integral. Ao término do curso o aluno deverá estar apto a utilizar as ferramentas do cálculo diferencial e integral para a solução de problemas de sua área específica e áreas afins. Solução de problemas aplicados com a utilização de python.

#### 06. Objetivos Específicos:

Durante o curso, concomitante a análise teórica serão feitas diversas aplicações dos conceitos desenvolvidos, e ao término, o aluno deverá ser capaz de compreender e explorar as consequências dos tópicos abordados. O aluno deverá ser capaz de:

- 1) Compreender o conceito de função real a mais de uma variável real e sua interpretação gráfica;
- 2) Aplicar o conceito de limites a funções de mais de uma variável real;
- 3) Definir, interpretar e calcular as derivadas das funções elementares;
- 4) Utilizar as derivadas parciais na resolução de problemas de derivadas direcionais e de máximos e de mínimos;
- 5) Calcular integrais múltiplas e utilizá-las em aplicações práticas.
- 6) Utilizar python e solução de problemas aplicados como ferramenta auxiliar no estudo das teorias apresentadas.

#### 07. Metodologia:

As aulas teóricas serão abordados essencialmente, utilizando-se a exposição no quadro-giz e reflexão de abordagens feitas pelo autor na resolução de exercícios. Utilização do sigaa como ferramenta auxiliar ao ensino presencial. Proposição de exercícios individuais e/ou em grupo em sala ou extra classe para fixação e análise dos conteúdos abordados, com a finalidade de desenvolver no aluno suas próprias habilidades e incentivar a criatividade na resolução, propiciando ao aluno a oportunidade de utilizar raciocínios adquiridos anteriormente Testes individuais e exercícios individuais e/ou em grupos (líderes auxiliando no desenvolvimento) quinzenais a serem entregues para que os alunos criem o hábito de estudo contínuo dos temas abordados. Desenvolvimento de atividades em conjunto com o monitor da disciplina. Atendimento presencial e/ou online via a plataforma google meeting. Utilizar ferramentas computacionais como processo auxiliar para a resolução de exercícios. Provas em segunda chamada poderão ser solicitadas diretamente ao professor. As notas finais serão publicadas no sistema SIGAA e as parciais serão entregues aos interessados, em aula, após a correção.

#### 08. Avaliações:

Nas partes 1, 2 e 3 prevê-se outras atividades de avaliação. Dentre as quais prevê-se a solução de exercícios em sala de aula e/ou extra-classe com peso 2 (utilizando python) e testes em sala que definirão a pontuação a ser recebido por cada estudante relativo a entrega da solução de exercícios, com peso de um ponto extra até totalizar ao máximo de 10 pontos referente a cada nota  $N_i$ ;  $i = 1; 2; 3$ ; onde

$$N_i = 0.2NE_i + 0.8 * NP_i + 0.1T_i \leq 10$$

As datas das atividades serão desenvolvidas definidas de acordo com o desenvolvimento da teoria, sendo definidas pelo menos com uma semana de antecedência. Serão realizadas 3 provas, P1(27/09/24); P2(11/11/24) e P3(20/11/24), cujas datas de realização poderão sofrer eventuais mudanças, caso haja necessidade. A Resolução de Testes constituirão a possibilidade do(a) aluno(a) obter 1,0 ponto extra em cada nota  $N_i$ ;  $i = 1; 2; 3$ ;  $NE_i$  é a média das notas obtidas na resolução de exercícios solicitados pela professora até ocorrer a prova  $P_i$ . A média final será dada por:

$$MF = \frac{3 * N_1 + 4 * N_2 + 5 * N_3}{12}$$

Se  $MF \geq 6$  e a frequência, F, do aluno(a) for suficiente ( $F \geq 75\%$  do total de horas/aula), este(a) será declarado(a) aprovado(a). Caso contrário, i.e., se  $MF < 6$  ou  $F < 75\%$  por cento o(a) aluno(a) será (a) reprovado(a).

#### 09. Bibliografia:

- [1]: LEITHOLD, L. O cálculo com geometria analítica. 3 ed. V. 2. São Paulo Harbra, 1994.
- [2]: GUIDORIZZI, H. L. Um curso de cálculo. 5 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2001.
- [3]: ÁVILA, G. S. S. Cálculo das funções de uma variável. 7 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2004.
- [4]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006.

#### 10. Bibliografia Complementar:

- [1]: FLEMMING, D. M.; GONÇALVES, M. B. Cálculo B funções de Várias Variáveis, Integrais Múltiplas, Integrais Curvilíneas e de Superfície. São Paulo Pearson Prentice Hall, 2007.
- [2]: SWOKOWSKI, E. W. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo McGraw-Hill do Brasil, 1983.
- [3]: HOFFMANN, L. D. et al., Cálculo um curso moderno e suas aplicações. 11 ed. Rio de Janeiro LTC, 2015.
- [4]: SIMMONS, G. F. Cálculo com geometria analítica. V. 2. São Paulo Pearson Education do Brasil, 1987.

[5]: REIS, G. L.; SILVA, V. V. Geometria analítica. 2. ed. São Paulo LTC, 1996.

**11. Livros Texto:**

[1]: STEWART, J. Cálculo. 5. ed. V. 2. São Paulo Pioneira Thomson Learning, 2006. (B4)

[2]: GUIDORIZZI, H. L. Um curso de cálculo. 5 ed. V. 2 e 3. Rio de Janeiro LTC, 2001. (B2)

**12. Horários:**

Dia	Horário	Sala Distribuida
2 <sup>a</sup>	A3	305, CAA (60)
2 <sup>a</sup>	A4	305, CAA (60)
4 <sup>a</sup>	A3	305, CAA (60)
4 <sup>a</sup>	A4	305, CAA (60)
6 <sup>a</sup>	A3	305, CAA (60)
6 <sup>a</sup>	A4	305, CAA (60)

**13. Horário de Atendimento do(a)s Professor(a):**

1. 5<sup>a</sup> : 14 : 00 – 16 : 00 – *IME – sala206*

**14. Professor(a):**

Marina Tuyako Mizukoshi. Email: [tuyako@ufg.br](mailto:tuyako@ufg.br), IME

---

Prof(a) Marina Tuyako Mizukoshi